

Wniosek.

Wysoki Sejm raczy uchwalić:

Wszystkie dotacje szkół ludowych po wsiach i miastach nie posiadających własnych statutów, mają być wybierane przez c. k. Urzędy poborcze razem z podatkami i następnie przelewane do kas rad powiatowych.

Należytości dotacyjne uiszczane w naturze mają być wedle cen przeciętnych z ostatnich lat trzech, oszacowane i wynikające ztąd kwoty z kontrybuentów jak powyżej ściągane.

Kasy rad powiatowych wypłacają nauczycielom przypadającą na każdego pensję w ratach miesięcznych lub kwartalnych z góry.

Koziobrodzki w. r.

wnioskodawca.

Leon Chrzanowski w. r.
Golejewski w. r.
Emil Torosiewicz w. r.
Ławrowski w. r.
Wereszczyński w. r.

J. Szujski w. r.
Słonecki w. r.
Zybliekiewicz w. r.
Rylski w. r.
Horodyski w. r.
Baum w. r.
Weissmann w. r.
Haller w. r.
Jaworski w. r.
Wesołowski w. r.
Gniewosz w. r.
Skwarczyński w. r.
Jan Tarnowski w. r.
Fr. Torosiewicz w. r.

Wniosek.

Wniosek: Jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to

$a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$

Równość zachodzi wtedy i tylko wtedy, gdy $a = b = c$.

Wniosek: Jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to

$(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2 \geq 0$

Równość zachodzi wtedy i tylko wtedy, gdy $a = b = c$.

Ćwiczenia 1.

1.1

- 1.1.1. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$.
- 1.1.2. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2 \geq 0$.
- 1.1.3. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(ab+bc+ca)$.
- 1.1.4. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.5. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.6. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.7. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.8. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.9. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.1.10. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.

- 1.2.1. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $a^2 + b^2 + c^2 \geq ab + bc + ca$.
- 1.2.2. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2 \geq 0$.
- 1.2.3. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(ab+bc+ca)$.
- 1.2.4. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.5. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.6. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.7. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.8. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.9. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.
- 1.2.10. Wykaż, że jeżeli a, b, c są liczbami rzeczywistymi, to $(a+b+c)^2 \geq 3(a^2+b^2+c^2)$.