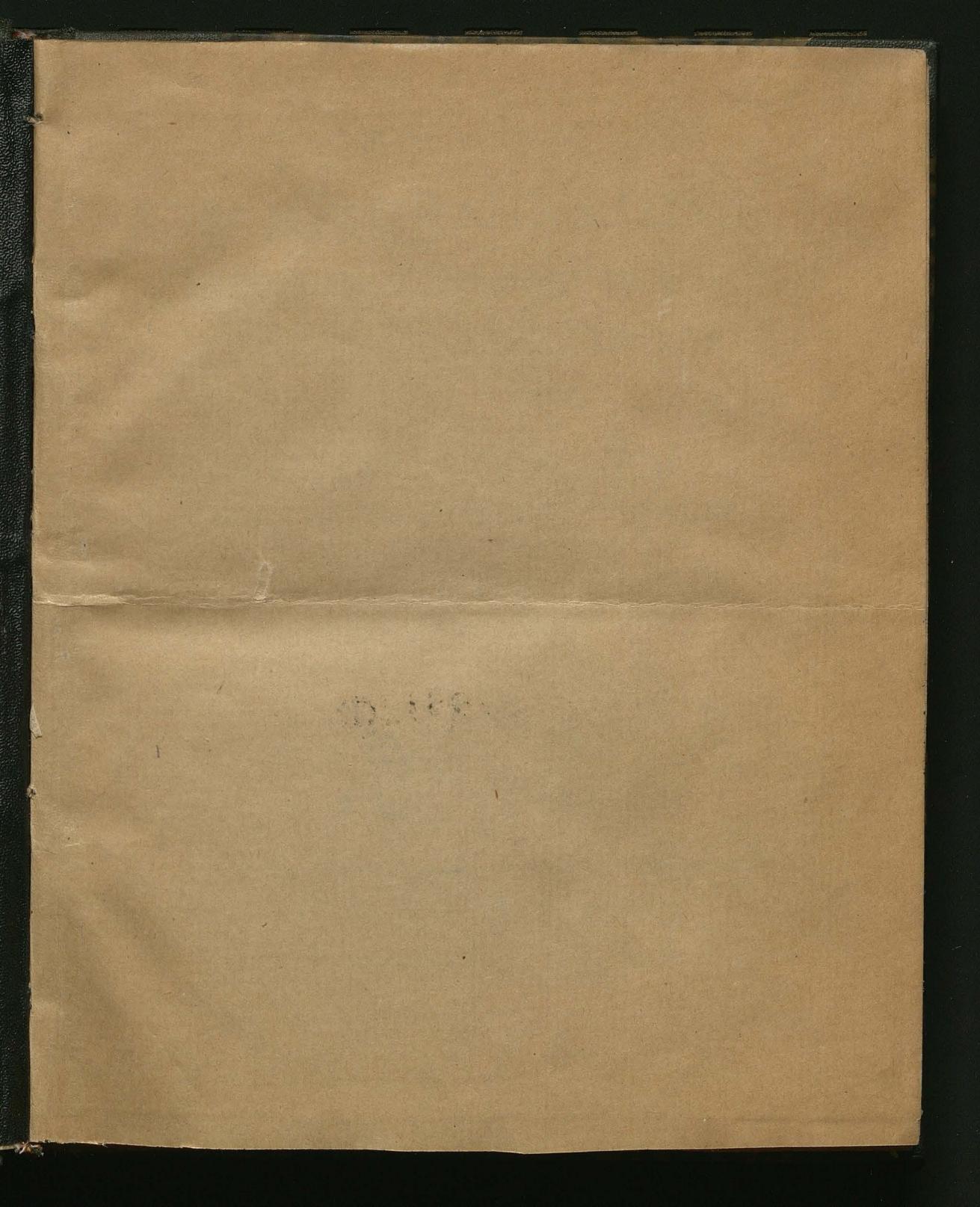




Mag. St. Dr.

221960-

I 221982



Problemata de invenienda radice exacta numeri binarii, quæ perperam creditur unitati esse incomensurabilis. Varsovia 1786.

14.

22.10.13.1

1.) PROBLEMA I. Determinare rationem unitatis ad radicem numeri 2.

*Resolutio & Demonstratio.* Ducto numero 408 in se ipsum, oriatur quadratum 166464, cuius duplum 332928 est quadratum surdum, quod tamen addita unitate evadit rationale, nempe 332929, cuius radix est itaque  $\frac{577}{408}$ ; dividendo deinde illud per primum 166464, emergit quotus 2 cum excessu minutissimo  $\frac{1}{133457}$ , quo ex illo ablato relinquitur quadratum 332928, ad quod quadratum 1um est igitur, ut 1 : 2: ergo radix quadrati 1 est ad radicem quadrati 2, ut  $408 : 577 - \frac{1}{133457}$  quadrati hujus secundæ radicis; dividendo deinde utroque per 408, prodit ratio unitatis ad radicem quadrati 2, ut  $1 : \frac{577}{408} + \frac{1}{133457}$  quadrati hujus radicis, ope cujus rationis, ut mox patet, dato quadrato simpli rationali, radix quadrati dupli illico exacte determinari potest.

2.) Scholion. Quod ejusmodi radices lineis representari possint, id constat ex Theoremate Pythagorico; sed quod numeris exprimi queant, id ab omni ævo, quo Geometria fuit exculta, creditum fuit esse impossibile; contrarium tamen patefaciet sequens

3.) PROBLEMA II. Dato quadrato (25) exactè determinare radicem quadrati dupli (50).

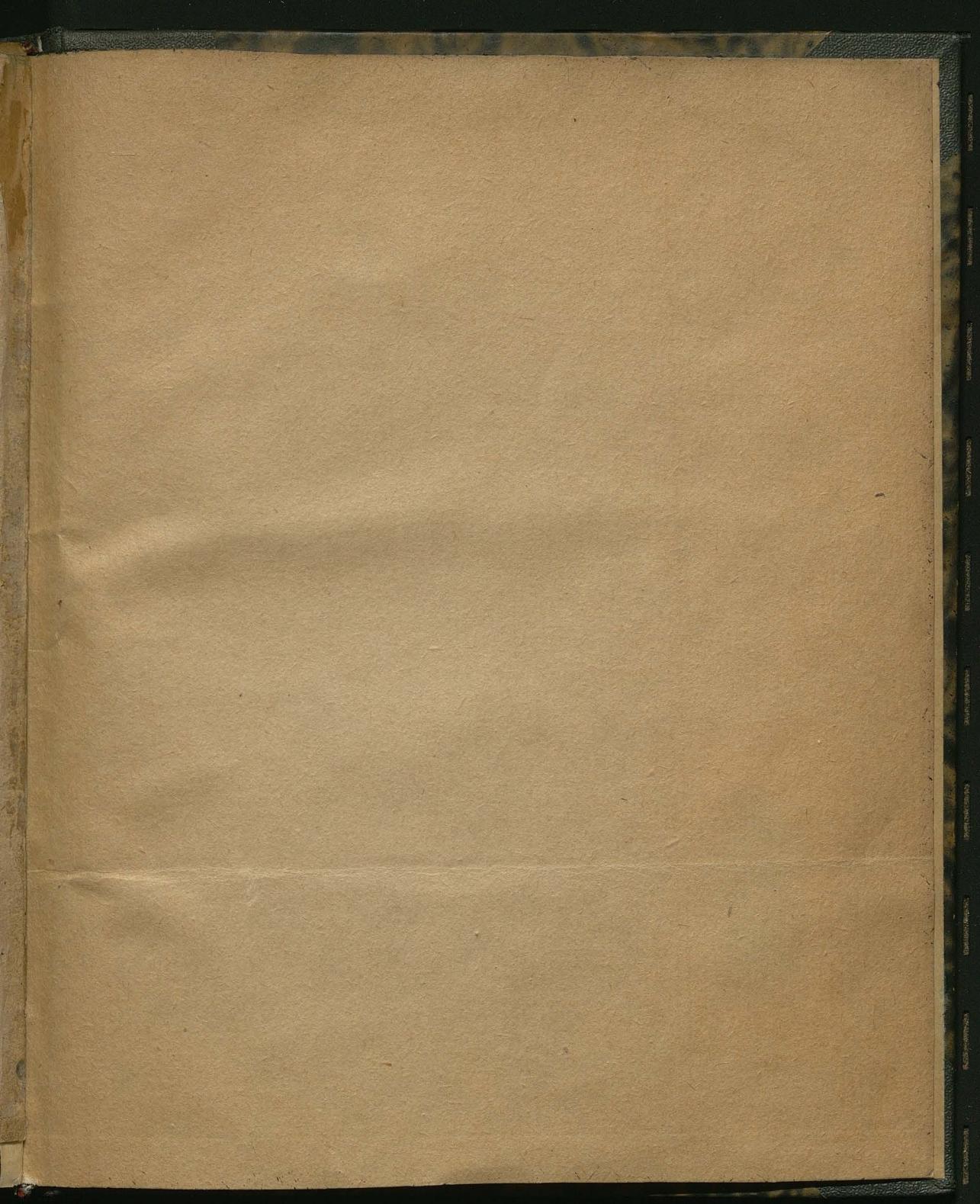
*Resolutio* Inferatur: si radix quadrati simpli est 1, radix quadrati 2pli est  $\frac{577}{408} - \frac{1}{133457}$ , quanta erit radix quadrati 2pli, si radix simpli est  $\frac{5}{4}$ .  $\frac{288}{408} - \frac{1}{133457}$  quadrati hujus radicis. Per hanc analogiam prodeunt semper exactè radices quæsitæ, quarum qualibet constat duabus partibus, nempe radice excessiva, & excessu subtrahendo, qui semper denotatur per signum —; radix excessiva est quidem falsa: attamen adjungendo ei excessum per signum — prodit illico radix vera. Egr. radix quadrati 36 est 6, quæ utique exprimi potest per 8 — 2; radix 8 est quidem falsa, sed 8 — 2 — 6 est vera. Radices per problema præsens inventæ sunt ideo veræ, quia earum ope semper producuntur quadratorum datorum dupla.

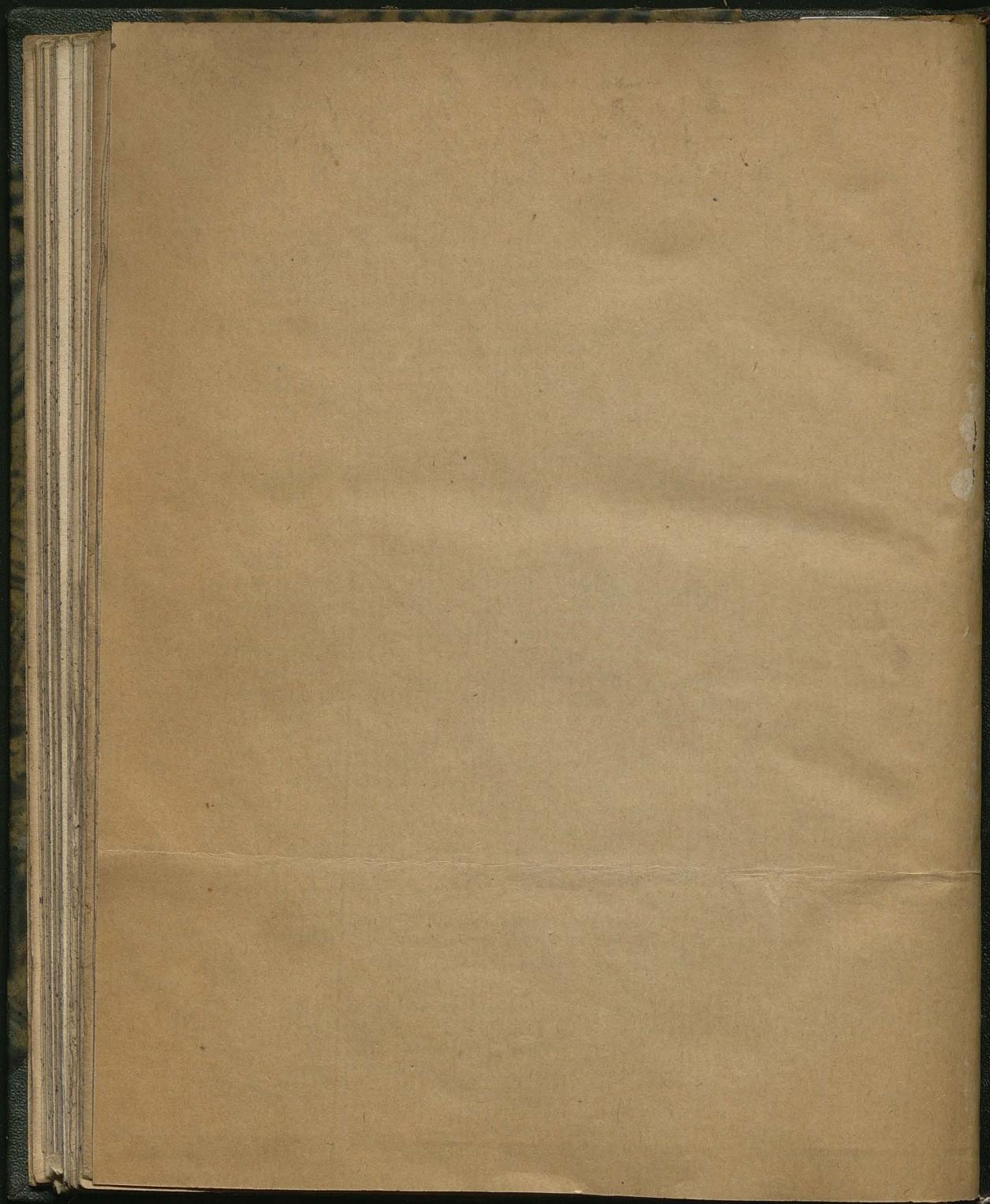
*Demonstratio.* Cum radix excessiva  $\frac{288}{408}$  quadrati 50 sit quinques major, quam radix excessiva  $\frac{577}{408}$ , cumque quadrata crescant in ratione duplicata radicum; palam est, quadratum radicis excessivæ  $\frac{288}{408}$  esse debere 25 vicibus majus, quam radicis excessivæ  $\frac{577}{408}$  quadratum  $\frac{332429}{133457}$ . Multiplicando igitur hocce quadratum per 25, prodit quadratum

dratum  $\frac{8323225}{165454}$ , quod divisum per denominatorem suum manifestat quotum 50 cum excessu  $\frac{152552}{165454}$ , quo ablato ex hoc quadrato, relinquitur quadratum  $\frac{8323200}{165354}$ , quod divisum per denominatorem suum sisit quadratum 50, quod est duplum quadrati dati 25. Ergo &c.

4.) Corollarium. Quoniam excessus radicis excessiva  $\frac{2885}{408}$  est quinque, & excessus quadrati ejus 25 viciis major, quam excessus  $\frac{152552}{165454}$  radicis excessiva  $\frac{577}{608}$ ; palam est, excessum  $\frac{152552}{165454}$  crescere in ratione duplicata radicum. Si itaque 3<sup>ta</sup> proportionalis est 2, 3, 4, 6, 7 &c., evadit etiam excessus a radicibus subtrahendus, bis, ter, quater, sexies, septies major, quam excessus  $\frac{152552}{165454}$ : ergo excessus quadratorum ex radicibus excessivis inventorum debet esse quater, novies, 16, 36, 49 viciis major, quam excessus  $\frac{152552}{165454}$ . Duccendo itaque radicem excessivam inventam in se ipsam, & auferendo ex ejus quadrato excessum hac ratione determinatum, prodit exactè quadrati dati plurim; ex quo manifestum est, radices fuisse exactè inventas.

5.) Scholion. Assumpta itaque radice 6 quadrati 36 pro 3<sup>ta</sup> proportionali, prodit quadrati 2pli 72 radix excessiva  $\frac{3462}{408}$ , quæ in se ducta producit quadratum  $\frac{1198564}{165454}$ , cuius excessus vi Corollarii precedens est  $\frac{36}{165454}$ , quo ex illo ablato relinquitur quadratum  $\frac{1198528}{165454} = 72$ , quod est plurim quadrati 36. Posita porro radice 7 quadrati 49 pro 3<sup>ta</sup> proportionali, reperitur quadrati 2pli 98 radix excessiva  $\frac{4039}{455}$ , quæ in se multiplicata sicut quadratum  $\frac{16313521}{165454}$ , cuius excessus est  $\frac{49}{165454}$  qui ex illo ablatus manifestat quadratum  $\frac{16313572}{165454} = 98$ , quod est plurim quadrati 49. Corruit ergo precipuum argumentum, quo nonnulli conati sunt probare magnitudinis divisionem in infinitum, quæ profectò occasionem præbuit excegitandi fractiones illas horrendas in infinitum progredientes & nihil ad rem facientes, quibus Geometria sublimior scaret. Nisi oculorum aciem habereim jam adeò hebetatam, ut vix literas in scribendo distinguere valeamus; indagarem varia quanta proportionalia eadem methodo & facilitate, qua investigavi Circuli Quadraturam Serenissimo Regi Nostro STANISLAO AUGUSTO dedicatam, & à Geometris approbatam, ad demonstrandum evidentissime, ejusmodi fractiones continuas, seu infinitas esse mera Entia rationis, quæ in rerum natura dari nequeunt. Ceterum tam ex hisce problematis, quam ex dicta Quadratura patet veritas hujus Hexametri: Omnia conando doci-  
lis scientia vincit. Ratio unitatis ad radicem numeri 3 est, ut  $1:\frac{26}{15}$  —  $\frac{27}{25}$ . Inferatur itaque: si radix quadrati simpli est 1, radix quadrati 3pli est  $\frac{26}{25} - \frac{1}{25}$ , quanta erit radix quadrati 3pli (2), si radix quadrati simpli (4) est  $2\frac{2}{3}$  R.  $\frac{52}{15} - \frac{2}{25}$ , cuius ope vi §. 4ti producitur quadratum  $\frac{2700}{225} = 12$ , quod est indicio, radicem fuisse legitime inventam.





Biblioteka Jagiellońska



star0026012

Introlig: K. Wójcik  
Zwierzyńiecka |O

